

**משפט:**

אם  $A_1, A_2$  מטריצות דומות אזי  $\text{spec}(A_1) = \text{spec}(A_2)$ .

**הוכחה:**

יהי  $\lambda$  ע"ע של  $A_1$  בה"כ, לכן לפי משפט  $\det(\lambda I - A_1) = 0$ . לכן  $A_1 \sim A_2$ , לכן

קיימת מטריצה  $P$  הפיכה שעבורה  $A_2 = P^{-1}A_1P$ . נשים לב כי  $\det(\lambda I - A_2) =$

$$\det(\lambda P^{-1}P - P^{-1}A_1P) = \det(P^{-1}(\lambda I - A_1)P) = \det(P^{-1}) \det(\lambda I - A_1) \det(P) = 0$$

ולכן לפי משפט  $\lambda$  ע"ע של  $A_2$ .

מכאן נגיע למסקנה כי  $\text{spec}(A_1) = \text{spec}(A_2)$ .

במילים אחרות, אם שתי מטריצות הן דומות, יש להן אותם ערכים עצמיים (אך לא

אותם וקטורים עצמיים בהכרח!). אם כן, נוכל להגיע למסקנה הבאה:

**מסקנה:**

למטריצה מייצגת  $A$  כלשהי:  $\text{spec}(T) = \text{spec}(A)$

**הערה:**

אם  $A_1 \sim A_2$ , אזי  $\det(A_1) = \det(A_2)$ .