

נקבע $w \in W$, ונגדיר $\varphi_w : V \rightarrow \mathbb{F}$ על ידי $\varphi_w(v) = \langle T(v), w \rangle$. φ_w הוא פונקציונל לינארי, ולכן, לפי משפט ההצגה של ריס, קיים וקטור $a \in V$, אחד ויחיד (התלוי ב- T וב- w) כך שמתקיים $\varphi_w(v) = \langle v, a \rangle$. ז"א שלכל $w \in W$ התאמנו $a \in V$ (באופן חד-משמעי). כלומר, בנינו העתקה מ- W ל- V שנסמן אותה $T^* : W \rightarrow V$, $w \mapsto a$.
 מה בעצם עשינו? בנינו "בידיים" את ההעתקה; לכל וקטור בחרנו וקטור ספציפי שאליו הוא יועתק. הבנייה הזו מראה את הקיום ואת היחידות של ההעתקה הצמודה; אם יש שתיים כאלו הנבדלות בערכן בווקטור מסוים, משפט ההצגה של ריס ייתן סתירה. כמו כן, הצבענו בבירור על העתקה כזו, כלומר היא אכן קיימת. נותר להוכיח דבר אחד – ההעתקה הצמודה היא באמת העתקה לינארית.

משפט 1. $T^* : W \rightarrow V$ היא העתקה לינארית.

הוכחה. צריך להוכיח $T^*(\alpha w_1 + \beta w_2) = \alpha T^*(w_1) + \beta T^*(w_2)$. ניקח $v \in V$ וקטור כלשהו. נשים לב כי:

$$\begin{aligned} \langle v, T^*(\alpha w_1 + \beta w_2) \rangle &= \langle T(v), \alpha w_1 + \beta w_2 \rangle = \alpha \langle T(v), w_1 \rangle + \beta \langle T(v), w_2 \rangle = \\ &= \alpha \langle v, T^*(w_1) \rangle + \beta \langle v, T^*(w_2) \rangle = \langle v, \alpha T^*(w_1) + \beta T^*(w_2) \rangle \end{aligned}$$

לכן לכל $v \in V$ מתקיים $\langle v, T^*(\alpha w_1 + \beta w_2) - \alpha T^*(w_1) + \beta T^*(w_2) \rangle = 0$.
 ניקח $v = T^*(\alpha w_1 + \beta w_2) - \alpha T^*(w_1) + \beta T^*(w_2)$, ומהאי-שליליות של מכפלה פנימית נקבל את הדרוש.

□