

**הגדרה 1.** סדרה  $\{a_n\}_{n=1}^{\infty}$  נקראת חסומה אם קבוצת איברי הסדרה חסומה (ראינו את ההגדרה של קבוצה חסומה).

**דוגמה 1.** הסדרה הזאת לא חסומה:

$$0, 1, 0, 2, 0, 3, 0, 4, 0, 5, 0, 6, 0, 7, \dots$$

משום שלא חסומה מלעיל.

**משפט 1.** כל סדרה מתכנסת היא חסומה

הוכחה. נניח שהסדרה מתכנסת ל- $L$ , ולכן לכל אפסילון קיים  $N$  כך ש-  
 $\forall n > N : |a_n - L| < \varepsilon$ . בפרט, עבור  $\varepsilon = 1$ . נגדיר

$$M = \max\{|a_1|, |a_2|, \dots, |a_N|, |L + 1|\}$$

ונראה ש- $\forall n : |a_n| \leq M$  משום שאם  $n \leq N$  אז האיבר  $|a_n|$  נמצא בקבוצה ש- $M$  הוא המקסימום שלה, ואם  $n > N$  אז גם ככה  $|a_n - L| < 1$  ולכן  $|a_n| < |L| + 1 \leq M$ .  $\square$

**דוגמה 2.** הסדרות  $a_n = n$  ו- $b_n = (-1)^n \cdot n$  לא חסומות, ומכאן שהן לא מתכנסות.

הערה 1. המשפט הפוך לא נכון. לדוגמה הסדרה  $a_n = (-1)^n$  חסומה מלעיל ע"י 1 ומלרע ע"י -1 אבל לא מתכנסת